

Álgebra Lineal I

Examen Parcial 2

Instrucciones: El examen es *individual*. Por favor, no pongas más de un problema por hoja y escribe tu nombre en cada hoja.

1. (5 pts.) Sea $u = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^3$. Se define la matriz

$$A := I_3 - \frac{uu^\top}{u^\top u} \in M_{3 \times 3}(\mathbb{R}).$$

(I_3 es la matriz identidad de 3×3 .) Calcula $\det A$. ¿Puedes dar una explicación geométrica de tu resultado?

2. (5 pts.) Sea el mapeo lineal $L \in \mathcal{L}(\mathbb{R}^2, \mathbb{R}^2)$ definido por $L(x, y) = (-x + y, 2x + y)$ para cada $(x, y) \in \mathbb{R}^2$. Encuentra una base $\mathcal{S} = \{u_1, u_2\}$ de \mathbb{R}^2 tal que

$$[L]_{\mathcal{S}} := M_L^{\mathcal{S} \rightarrow \mathcal{S}} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -3 & 0 \end{bmatrix}.$$

(Recuerda que $M_L^{\mathcal{S} \rightarrow \mathcal{T}}$ denota la representación matricial de un mapeo lineal $L \in \mathcal{L}(V, W)$ con respecto a las bases \mathcal{S} de V y \mathcal{T} de W .)

Total: 10 pts.