

**ECUACIONES DIFERENCIALES PARCIALES**  
**POSGRADO EN CIENCIAS MATEMÁTICAS**  
**GRUPO 0010, CLAVE 62547 (9 CRÉDITOS)**

RAMÓN G. PLAZA

**Horario.**

Martes y jueves, 11:00 - 13:30 hrs.  
Salón: 204, Edificio Anexo, IIMAS, UNAM.

**Contacto.**

Dr. Ramón G. Plaza  
Departamento de Matemáticas y Mecánica  
Oficina 225  
IIMAS - UNAM  
E-mail: [plaza@mym.iimas.unam.mx](mailto:plaza@mym.iimas.unam.mx)

**Horas de oficina.**

Jueves 17:00 - 18:00 hrs. (oficina 225, IIMAS) o mediante cita.

**Página del curso.**

<http://www.fenomec.unam.mx/ramon/Parciales-2013-2.html>

**Evaluación.**

Mediante exámenes. Los exámenes son individuales, pueden ser en el salón o de casa. Habrán de 5 a 6 exámenes parciales, uno por sección (o secciones) del temario. Cada semana habrá una lista de ejercicios. En la fecha oficial del primer final ordinario se aplicará el último examen parcial.

**Calendario.**

Periodo de clases: 28 de enero al 24 de mayo, 2013.  
Asueto académico: 25 al 29 de marzo, 2013.  
Días inhábiles: 4 de febrero; 18 de marzo; 10., 10 y 15 de mayo, 2013.  
Periodo ordinario de exámenes: 27 de mayo al 7 de junio, 2013.

TEMARIO

1. Ecuaciones de primer orden
  - 1.1 Ejemplo: modelo de tráfico de Lighthill-Whitham-Richards
  - 1.2 Ecuación de transporte
  - 1.3 Ecuaciones lineales y quasi-lineales
  - 1.4 Método de características
  - 1.5 Ecuaciones no lineales y soluciones discontinuas
  - 1.6 Introducción a la ecuación de Hamilton-Jacobi
  - 1.7 Leyes de conservación y problema de Riemann

2. Ecuación de onda
  - 2.1 Ecuación de onda en  $\mathbb{R}$
  - 2.2 Problema de Cauchy
  - 2.3 Extremos fijos
  - 2.4 Problemas no homogéneos
  - 2.5 Ecuación de onda en  $\mathbb{R}^d$
  - 2.6 Cono de luz y método de promedios
  - 2.7 Método del descenso de Hadamard
  - 2.8 Problema no homogéneo y principio de Duhamel
  - 2.9 Método de energía
3. Sistemas simétricos hiperbólicos
  - 3.1 Ejemplos: líneas de transmisión, olas en agua poco profunda y ecuaciones de Maxwell
  - 3.2 Estimaciones de energía y unicidad de las soluciones
  - 3.3 El problema de Cauchy
  - 3.4 Problemas con valores en la frontera
  - 3.5 Introducción a la teoría de Kreiss-Lopatinski
4. Ecuaciones elípticas
  - 4.1 Ejemplos: membranas, electrostática, mecánica de fluidos
  - 4.2 Las ecuaciones de Poisson y Laplace
  - 4.3 El principio del máximo
  - 4.4 Función de Green y la fórmula de Poisson
  - 4.5 El problema de Dirichlet
  - 4.6 Propiedades de funciones armónicas
  - 4.7 Existencia de la solución al problema de Dirichlet: el método de Perron
  - 4.8 Métodos de energía y el principio de Dirichlet
5. Ecuación del calor
  - 5.1 La solución fundamental (núcleo de Poisson)
  - 5.2 Problemas con valores iniciales y de frontera
  - 5.3 Principio del máximo y unicidad
  - 5.4 Problema no homogéneo: principio de Duhamel
  - 5.5 Regularidad
  - 5.6 Soluciones no negativas: el teorema de Widder
  - 5.7 Aplicaciones: difusión, caminatas aleatorias, finanzas
6. Teoría de existencia local
  - 6.1 El problema de Cauchy
  - 6.2 El teorema de Cauchy-Kowalevski
  - 6.3 El ejemplo de Lewy
  - 6.4 El teorema de unicidad de Holmgren
  - 6.5 Clasificación de ecuaciones de segundo orden
7. Teoría de distribuciones y espacios de Sobolev
  - 7.1 Introducción a espacios de Hilbert. Espacios  $L^2$
  - 7.2 Cálculo de distribuciones: multiplicación, composición, convolución
  - 7.3 Transformada de Fourier
  - 7.4 Espacios de Sobolev
  - 7.5 Aproximaciones, extensiones, trazas
  - 7.6 Desigualdades de Sobolev
  - 7.7 Compacidad

## BIBLIOGRAFÍA

**Bibliografía básica.** Los textos centrales para este curso son los libros de John [6], Salsa [10] y Evans [2].

**Bibliografía complementaria.** Como lecturas complementarias recomiendo los libros de Folland [3], Renardy y Rogers [9] y Strauss [12]. Una guía rápida a la teoría de ecuaciones lineales se puede encontrar en la primera parte del texto (avanzado) de Smoller [11]. Los primeros dos capítulos de las notas de Han y Lin [5] constituyen un excelente (y no complicado) material complementario para la sección 4. Para aplicaciones concretas usando los métodos clásicos, recomiendo consultar las notas de Minzoni [8] y el libro de Tikhonov y Samarsky [14].

**Bibliografía avanzada.** De la bibliografía del temario oficial recomiendo consultar el libro de Taylor [13], así como el segundo volumen de Courant y Hilbert [1]. Para profundizar el estudio de ecuaciones elípticas (sección 5) recomiendo el clásico texto de Gilbarg y Trudinger [4], mientras que para leyes de conservación y ecuaciones de reacción-difusión el libro de Smoller [11] sigue siendo un clásico. Un libro moderno, aunque recomendable sólo como segunda lectura, es el de Jost [7].

## REFERENCIAS

- [1] R. COURANT AND D. HILBERT, *Methods of mathematical physics. Vol. II: Partial differential equations*, Wiley Classics Library, John Wiley & Sons Inc., New York, 1989. Reprint of the 1962 original, A Wiley-Interscience Publication.
- [2] L. C. EVANS, *Partial Differential Equations*, vol. 19 of Graduate Studies in Mathematics, Amer. Math. Soc., Providence, RI, 1998.
- [3] G. B. FOLLAND, *Introduction to Partial Differential Equations*, Princeton University Press, Second ed., 1995.
- [4] D. GILBARG AND N. S. TRUDINGER, *Elliptic partial differential equations of second order*, Classics in Mathematics, Springer-Verlag, Berlin, 2001. Reprint of the 1998 edition.
- [5] Q. HAN AND F. LIN, *Elliptic partial differential equations*, vol. 1 of Courant Lecture Notes in Mathematics, New York University Courant Institute of Mathematical Sciences, New York, 1997.
- [6] F. JOHN, *Partial Differential Equations*, vol. 1 of Applied Mathematical Sciences, Springer-Verlag, New York, Fourth ed., 1982.
- [7] J. JOST, *Partial differential equations*, vol. 214 of Graduate Texts in Mathematics, Springer, New York, second ed., 2007.
- [8] A. MINZONI, *Apuntes de ecuaciones en derivadas parciales*, vol. 5 of Serie FENOMECA, IIMAS-FENOMECA, Universidad Nacional Autónoma de México, 2004.
- [9] M. RENARDY AND R. C. ROGERS, *An introduction to partial differential equations*, vol. 13 of Texts in Applied Mathematics, Springer-Verlag, New York, second ed., 2004.
- [10] S. SALSA, *Partial differential equations in action. From modelling to theory*, Universitext, Springer-Verlag Italia, Milan, 2008.
- [11] J. SMOLLER, *Shock Waves and Reaction-Diffusion Equations*, Springer-Verlag, New York, Second ed., 1994.
- [12] W. A. STRAUSS, *Partial differential equations. An introduction*, John Wiley & Sons Inc., New York, 1992.
- [13] M. E. TAYLOR, *Partial differential equations. Basic theory*, vol. 23 of Texts in Applied Mathematics, Springer-Verlag, New York, 1996.
- [14] A. TIKHONOV AND A. SAMARSKI, *Ecuaciones de la Física Matemática*, MIR, Moscú, 1983.

DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICAS Y MECÁNICA, IIMAS-UNAM, APDO. POSTAL 20-726, C.P. 01000 MÉXICO D.F. (MÉXICO)  
*E-mail address:* plaza@mym.iimas.unam.mx